

Cognome e nome ..... Firma ..... Matricola .....

Corso di Laurea:  $\diamond$  AMBL;  $\diamond$  CIVL;  $\diamond$  GESL.

### Istruzioni

1. COMPILARE la parte soprastante la prima riga continua. In particolare, scrivere cognome e nome *in stampatello* e la firma sopra la riga punteggiata.
2. SEGNARE nella tabella riportata in questa pagina, in modo incontrovertibile, la lettera corrispondente alla risposta scelta per ognuna delle domande; in caso di correzione, apporre un "SI" vicino alla risposta scelta.
3. PUNTEGGI: risposta esatta = +4; risposta sbagliata = -1; risposta non data = 0.
4. PROIBITO usare libri, quaderni, calcolatori.
5. CONSEGNARE il foglio A con TUTTI I FOGLI DELLO SVOLGIMENTO e TENERE il foglio B come promemoria delle risposte date.
6. TEMPO a disposizione: 150 min.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.
A	A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D	D

1. Sia  $y(x)$  la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'' - y = 3xe^x \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = -\frac{3}{4}. \end{cases}$$

Allora  $y(2)$  vale

Risp.:  $\boxed{\text{A}}$  :  $6e^2$     $\boxed{\text{B}}$  :  $\frac{3}{2}e^2$     $\boxed{\text{C}}$  : 0    $\boxed{\text{D}}$  :  $-6e^2$

2. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . Si considerino la funzione  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  definita da

$$f(x, y) = \begin{cases} \sin(x + y + 7) & \text{se } xy > 0 \\ \alpha & \text{se } xy \leq 0 \end{cases}$$

e il versore  $v = (\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}})$ . Allora

Risp.:  $\boxed{\text{A}}$  :  $\frac{\partial f}{\partial v}(0, 0)$  esiste per ogni  $\alpha \in \mathbb{R}$  e vale  $\sqrt{2} \cos 7$     $\boxed{\text{B}}$  :  $\frac{\partial f}{\partial v}(0, 0)$  esiste per ogni  $\alpha \in \mathbb{R}$  e vale 0    $\boxed{\text{C}}$  :  $\frac{\partial f}{\partial v}(0, 0)$  esiste per  $\alpha = \sin 7$  e vale  $\sqrt{2} \cos 7$     $\boxed{\text{D}}$  :  $\frac{\partial f}{\partial v}(0, 0)$  esiste per  $\alpha = \sin 7$  e vale 0

3. Sia  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  la funzione definita da

$$f(x, y) = (y - x)[(x - 2)^2 + y^2 - 2]^4.$$

Delle seguenti affermazioni

(a)  $(1, 1)$  è un punto di sella per  $f$  (b)  $(1, 1)$  è un minimo locale per  $f$  (c)  $(2 + \sqrt{2}, 0)$  è un massimo locale per  $f$  (d)  $(2, 0)$  non è punto stazionario per  $f$

le uniche corrette sono

Risp.:  A : (b), (c), (d)  B : (b), (c)  C : (a), (d)  D : (a), (c), (d)

---

4. L'integrale  $\int_{-7}^{-6} 7e^{\sqrt{x+7}} dx$  vale

Risp.:  A : 14  B :  $7e$   C :  $\frac{14}{3}(e - 1)$   D : 0

---

5. L'integrale curvilineo  $\oint_{\gamma} \vec{F}$  dove  $\vec{F} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  è il campo vettoriale definito da

$$\vec{F}(x, y) = -7xy^3 \vec{i} + yx^3 \vec{j}$$

e  $\gamma$  è tutto il perimetro del rettangolo di vertici  $(0, 0)$ ,  $(7, 0)$ ,  $(7, 1)$ ,  $(0, 1)$  percorso in senso antiorario vale

Risp.:  A : 0  B : 343  C :  $\frac{343}{2}$   D :  $-\frac{343}{2}$

---

6. L'integrale  $\iint_T (6x + 2y^3) dx dy$ , dove  $T = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 2, x \geq 0, |y| \leq x^2\}$  vale

Risp.:  A :  $(6\sqrt{2} - 3)$   B : 7  C : 12  D : 0

---

7. Si considerino la funzione  $g : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  data da

$$g(x, y) = (x^2 + y^2 + 1)^2$$

e il dominio  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| = \sqrt{2}\}$ . Siano  $m$  e  $M$  il minimo ed il massimo di  $g$  su  $D$ . Delle seguenti affermazioni

(a)  $M = 9$  (b)  $m = 0$  (c)  $m = 4$  (d) esistono esattamente quattro punti di massimo (e) esiste esattamente un punto di minimo

le uniche corrette sono

Risp.:  A : (a), (b), (e)  B : (a)  C : (a), (c), (d)  D : (c), (d)

---

8. Siano  $\delta > 0$  e  $\gamma_{\delta}(t) = (t, 2\delta t^2)$  con  $0 \leq t \leq 2$ . Allora il vettore tangente alla curva  $\gamma_{\delta}$  nel punto  $P_{\delta} = (1, 2\delta)$  ha norma uguale a  $\sqrt{2}$

Risp.:  A : per infiniti valori di  $\delta$   B : mai  C : per due valori di  $\delta$   D : per un valore di  $\delta$

---