

1. Sia  $f : ]0, +\infty[ \rightarrow \mathbb{R}$  la funzione definita da  $f(x) = 4x \arctan \frac{1}{x}$  e sia  $F$  la sua primitiva tale che  $\lim_{x \rightarrow 0^+} F(x) = 7$ . Allora  $F(1)$  vale

Risp.:  A : 2    B : 9    C : 7    D :  $\pi$

2. Sia  $\tilde{y}(x)$  la soluzione dell'equazione

$$y'' + y' - 2y = 10 \sin x$$

tale che  $y(0) = 0$  e  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x)e^{-x} = 0$ . Allora  $\tilde{y}(\pi)$  vale

Risp.:  A :  $e^{-2\pi} + 1$     B :  $2(e^{-2\pi} + 1)$     C :  $e^{-2\pi}$     D : 1

3. Sia  $f : A \subseteq \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  definita da

$$f(x, y) = \frac{\tan\left(y + \frac{\pi}{2}\right)}{\ln(x+2)}.$$

Allora

Risp.:  A :  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x > -2, y \neq k\pi\}$     B :  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x > -2, x \neq -1\}$   
 C :  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \neq -1, y \neq k\pi\}$     D :  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x > -2, x \neq -1, y \neq k\pi\}$

4. Siano  $\alpha \in \mathbb{R}$ ,  $f, g : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  le funzioni definite da:

$$f(x, y) = \alpha^2 x^2 + 2\alpha xy + y^2 \quad \text{e} \quad g(x, y) = (y - x + 2)^3.$$

Allora  $f$  e  $g$  hanno punti critici comuni se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha \neq -1$     B :  $\alpha \neq 1$     C :  $\alpha = -1$     D :  $\alpha = 1$

5. Si considerino la funzione  $g(x, y) = y^2 - 2x$  e il dominio  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + \frac{y^2}{4} \leq 1\}$ . Detti  $m$  e  $M$  il minimo e il massimo di  $g$  su  $D$ , allora

Risp.:  A :  $m = -2$  e  $M = \frac{17}{4}$     B :  $m = -2$  e  $M = 4$     C :  $m = -2$  e  $M = 2$     D :  $m = 0$  e  $M = 2$

6. Siano  $\alpha \geq 1$  e  $\gamma$  la curva data da  $\{x = \arctan(y+1)^\alpha : -3 \leq y \leq 3\}$ . Allora il vettore tangente a  $\gamma$  nel punto  $P_0 = (\frac{\pi}{4}, 0)$  è ortogonale al vettore  $v = (1, -2)$  per

Risp.:  A :  $\alpha = 2$     B :  $\alpha = 4$     C :  $\alpha = 0$     D :  $\alpha = -2$

7. L'integrale curvilineo

$$\int_{\gamma} \sqrt{y} ds$$

dove  $\gamma(t) = (2 \cos t, t^2, 2 \sin t)$ ,  $-1 \leq t \leq 1$ , vale

Risp.:  A : 0    B :  $\frac{1}{6}[8^{3/2} - 8]$     C :  $8^{3/2} - 8$     D :  $-8$

---

8. L'integrale

$$\iint_T 3x dx dy$$

dove  $T = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq 0, y \geq 0, x^2 + y^2 > 1, \frac{x^2}{9} + y^2 \leq 1\}$  vale

Risp.:  A : 0    B : 3    C : 4    D : 8

---