

1. Il luogo dei punti  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^2 - 4i\bar{z} + 6\text{Im}z = -e^{11\pi i}$$

è dato da

Risp.:  A : tre rette  B : una circonferenza  C : un punto e due rette  D : tre punti

2. Sia  $\alpha > 0$ . Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{(\alpha n)^n + \sin(\alpha e^n + n!)}{(3n)^{n+1} - \alpha n!}$$

vale 0 se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha \leq 3$   B :  $\alpha < 3$   C :  $\alpha \geq 3$   D :  $\alpha > 3$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e^{2x} - \cos^2 x - 2x}{3[\log(1+3x) - \sin(3x)]}$$

vale

Risp.:  A :  $-\frac{1}{9}$   B : 0  C :  $-\frac{2}{9}$   D :  $-\frac{4}{27}$

4. Sia  $\beta \in [2, 4]$ . Allora la serie

$$\sum_{n=0}^{+\infty} (-1)^{n+1} \frac{(\beta-3)^{2n+1}}{2n+1}$$

Risp.:  A : converge assolutamente per  $2 \leq \beta \leq 4$   B : converge assolutamente per  $2 < \beta < 4$  e semplicemente per  $\beta = 2$  e  $\beta = 4$   C : converge semplicemente ma non assolutamente per  $2 \leq \beta \leq 4$   D : converge assolutamente per  $2 < \beta \leq 4$  e semplicemente per  $\beta = 2$

5. Sia  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  data da

$$f(x) = x^{10} \cos(7x).$$

Allora  $f^{(20)}(0)$  vale

Risp.:  A :  $\frac{7^{10}}{(10)!}$   B :  $\frac{7^{20}}{(20)!}$   C :  $-\frac{7^{20}}{(10)!}$   D :  $-\frac{(20)!7^{10}}{(10)!}$

6. L'integrale

$$\int_3^5 \frac{1}{(x-2)\sqrt{x-1}} dx$$

vale

Risp.:  A :  $\log \frac{1}{3} - \log \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1}$   B :  $\log \frac{1}{3}$   C :  $\log \frac{1}{\sqrt{2}+1}$   D : 3

7. Sia  $\tilde{y}$  la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + \frac{y}{1+x^2} = xe^{x-\arctan x} \\ y(0) = 2. \end{cases}$$

Allora  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \tilde{y}(x)$  vale

Risp.:  A :  $e^{-\pi/2}$     B :  $\frac{3}{\pi}$     C : 3    D :  $3e^{\pi/2}$

---

8. Sia data la funzione

$$f(x) = \log |e^x - 3| - |x|.$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false.

- (a)  $\lim_{x \rightarrow \log 3} f(x) = +\infty$     V    F
- (b)  $y = x + \log 3$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$     V    F
- (c)  $x = 0$  è un punto di cuspidè    V    F
- (d)  $f$  è crescente su  $] -\infty, 0] \cup ] \log 3, +\infty[$     V    F
- (e) Sull'intervallo  $] -\infty, 0[$  risulta  $f'' > 0$     V    F
- (f)  $Im(f) = ] -\infty, \log 2]$     V    F
- 

9. Disegnare il grafico approssimativo della funzione dell'esercizio 8 nell'apposito spazio sul foglio precedente.