

1. Il luogo degli  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$\frac{2(z + \bar{z})(\operatorname{Re}(z) + 3) - 4|z|^2}{e^{i\frac{\pi}{2}}(z + \bar{z}) - 2i} = 0$$

è dato da

*Risp.:* **A** : una circonferenza **B** : una parabola **C** : una circonferenza privata di un punto  
**D** : una parabola privata di due punti

2. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n!(e^{\frac{2}{n}} - 1) \sin(\alpha^{7n})}{(n-1)! + 2 \ln n}$$

vale

*Risp.:* **A** :  $+\infty$  se  $|\alpha| < 1$ , 0 se  $\alpha = 1$ , non esiste altrimenti **B** : 0 se  $|\alpha| < 1$ ,  $2 \sin 1$  se  $\alpha = 1$ , non esiste altrimenti **C** : 0 se  $|\alpha| \leq 1$ , non esiste altrimenti **D** : 0 se  $|\alpha| > 1$ ,  $2 \sin 1$  se  $|\alpha| = 1$ , non esiste altrimenti

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{[\cos(\sin x) - 1 + \frac{x^2}{2}] \ln \left(1 + \frac{24}{1+\sqrt{2}}x\right)}{5x[\arctan(e^x - 1)]^4}$$

vale

*Risp.:* **A** :  $\frac{1}{1+\sqrt{2}}$  **B** : 0 **C** :  $+\infty$  **D** :  $\frac{4}{5(1+\sqrt{2})}$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . La serie

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{(1 - \cos \frac{1}{n})^\alpha}{\sqrt{n^6 + n} - \sqrt{n^6 + 1}}$$

converge se e solo se

*Risp.:* **A** :  $\alpha > 1$  **B** :  $\alpha \geq \frac{3}{2}$  **C** :  $\alpha > \frac{3}{2}$  **D** :  $\alpha > 2$

5. Sia  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  data da

$$f(x) = \begin{cases} (x-2)|\ln(x-2)| & \text{se } x > 2 \\ 0 & \text{se } x \leq 2 \end{cases}$$

Allora

*Risp.:* **A** :  $x = 2$  è punto di cuspidè e  $x = 3$  è punto angoloso **B** :  $x = 2$  è punto angoloso e  $x = 3$  è punto di cuspidè **C** :  $f$  è derivabile sul suo dominio **D** :  $x = 2$  e  $x = 3$  sono punti angolosi

6. L'integrale

$$\int_1^2 \frac{\ln^2 x + x^2 + 7}{x} dx$$

vale

Risp.:  A :  $\frac{3}{2} + 7 \ln 2$     B :  $\frac{3}{2} \ln^3 2$     C :  $\frac{\ln^3 2}{3} + \frac{3}{2} + 7 \ln 2$     D :  $\frac{\ln^3 2}{3} + 7 \ln 2$

---

7. Sia  $\tilde{y}$  la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = \frac{e^{\tan x}}{y \cos^2 x} \\ y(0) = -2\sqrt{2} \end{cases}$$

Allora  $\tilde{y}(\pi/4)$  vale

Risp.:  A :  $-\sqrt{2(e+3)}$     B :  $\sqrt{2(e+3)}$     C :  $2e$     D :  $-\frac{\sqrt{2}\pi}{4}$

---

8. Sia data la funzione

$$f(x) = 2 - \sqrt{2} \arctan \frac{1}{x} - \sqrt{1+x^2}$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

- (a)  $\text{dom}(f) = ]-\infty, -1] \cup [1, +\infty[$     V    F
  - (b)  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\frac{\sqrt{2}}{2}\pi + 1$     V    F
  - (c)  $y = x + 2$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$     V    F
  - (d)  $f$  è crescente su  $] -\infty, 0[$     V    F
  - (e)  $x = 1$  è punto di minimo relativo    V    F
  - (f)  $f$  non ammette punti di flesso    V    F
- 

9. Disegnare il grafico approssimativo della funzione dell'esercizio 8 nell'apposito spazio sul foglio precedente.