

1. L'insieme degli $z \in \mathbb{C}$

$$2(z^2 - \bar{z}^2)i - \frac{4}{i}|z|^2 = \sqrt{2}|8i|e^{i\frac{\pi}{2}}e^{i\frac{\pi}{4}}.$$

è dato da

Risp.: A : l'unione di un'iperbole e di una circonferenza B : l'intersezione di un'iperbole e di una circonferenza C : una circonferenza D : una parabola

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\log[(n+3)!] - \log[(n+1)! + 2]}{\log(3n^3 + \arctan(2n))}$$

vale

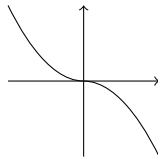
Risp.: A : $\frac{1}{3}$ B : 0 C : $\frac{2}{3}$ D : $+\infty$

3. La serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \left(\frac{2}{3}e^2\right)^n \frac{(2n)!}{(2n)^{2n}}$$

Risp.: A : diverge positivamente B : oscilla C : diverge negativamente D : converge

4. Sia data la funzione $f(x) = \sin x - \frac{1}{2} \sinh(\alpha x)$, dove $\alpha \in \mathbb{R}$. Il grafico approssimativo di f in un intorno di $x = 0$ è dato da



se e solo se

Risp.: A : $\alpha = 2$ B : $\alpha \neq 2$ C : $\alpha > 2$ D : $\alpha < 2$

5. Sia $\alpha < 0$. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x \sin\left(\frac{1}{\sqrt{x}}\right) - \sqrt{x}}{\arctan\left(\frac{x^\alpha}{6}\right)}$$

vale

Risp.: A : 0 per ogni α B : $+\infty$ se $\alpha \leq -1/2$; 0 se $\alpha > -1/2$. C : $-\infty$ se $\alpha < -1/2$; -1 se $\alpha = -1/2$; 0 se $\alpha > -1/2$ D : 0 se $\alpha < -1/2$; -1 se $\alpha = -1/2$; $-\infty$ se $\alpha > -1/2$

6. Per $\alpha \in \mathbb{R}$ si consideri l'integrale improprio

$$\int_0^{+\infty} \frac{(\arctan x)^\alpha}{1+x^2} dx.$$

Allora

Risp.: A : l'integrale converge per $\alpha > -1$ e vale $\frac{(\frac{\pi}{2})^{\alpha+1}}{\alpha+1}$ B : l'integrale converge per $\alpha < -1$ e vale $\frac{(\frac{\pi}{2})^{\alpha+1}}{\alpha+1}$ C : l'integrale diverge per ogni α D : l'integrale converge per $\alpha > -1$ e vale $\frac{(\frac{\pi}{2})^{\alpha+1}}{2}$

7. Sia $\tilde{y}(x)$ la soluzione dell'equazione differenziale

$$\begin{cases} y' + \frac{2x}{1+x^2}y = \frac{2e^x}{(1+x^2)(1+e^{2x})} \\ y(0) = 3. \end{cases}$$

Allora $\lim_{x \rightarrow +\infty} \tilde{y}(x)$ vale

Risp.: A : $+\infty$ B : -1 C : $-\infty$ D : 0

8. Sia data la funzione f definita da:

$$f(x) = \sqrt{|x-2|(x-1)}.$$

Delle seguenti affermazioni

(a) $\text{dom } f = \{x \in \mathbb{R} : x \geq 1\}$ (b) $\text{dom } f = \{x \in \mathbb{R} : x \geq 2\}$ (c) f ammette asintoto obliquo $y = x - \frac{3}{2}$ per $x \rightarrow +\infty$ (d) f ammette asintoto obliquo $y = x + 3$ per $x \rightarrow +\infty$ (e) f è non negativa

le uniche corrette sono

Risp.: A : (b), (c), (e) B : (a), (d) C : (a), (c), (e) D : (b), (d), (e)

9. Sia f la funzione dell'esercizio 8. Delle seguenti affermazioni

(a) $x = 2$ è punto angoloso (b) $x = 1$ e $x = 2$ sono punti di minimo assoluto (c) $x = \frac{3}{2}$ è punto di massimo assoluto (d) f è crescente in $(2, +\infty)$ (e) $\sup f = +\infty$

le uniche corrette sono

Risp.: A : (a), (b), (c) B : (b), (d), (e) C : (b), (c), (d) D : (a), (d), (e)

10. Disegnare il grafico approssimativo della funzione dell'esercizio 8 nell'apposito spazio sul foglio precedente.