

1. Sia dato il numero complesso

$$\frac{(1+i)^6 e^{3\pi i} |7+i|}{i(1-i)^8}.$$

L'insieme delle sue radici cubiche è dato da

Risp.: **A** : $\{-\sqrt[6]{\frac{25}{2}}, \sqrt[6]{\frac{25}{2}}e^{i\frac{\pi}{3}}, \sqrt[6]{\frac{25}{2}}e^{i\frac{5}{3}\pi}\}$ **B** : $\{\sqrt[6]{50}, \sqrt[6]{50}e^{i\frac{2}{3}\pi}, \sqrt[6]{50}e^{i\frac{4}{3}\pi}\}$ **C** : $\{-\sqrt[6]{50}, \sqrt[6]{50}e^{i\frac{\pi}{3}}, \sqrt[6]{50}e^{i\frac{5}{3}\pi}\}$
D : $\{\sqrt[6]{\frac{25}{2}}, \sqrt[6]{\frac{25}{2}}e^{i\frac{2}{3}\pi}, \sqrt[6]{\frac{25}{2}}e^{i\frac{4}{3}\pi}\}$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} 16 \arctan(e^{-7n} - 1) \left(\cosh \sqrt{\frac{3}{n}} - 1 \right)^2 \frac{n! - 7 \log(n^n + 1)}{n^4 - (n-2)!}$$

vale

Risp.: **A** : $+\infty$ **B** : 9π **C** : -9 **D** : -9π

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sinh(e^{x \log(2x)} - 1)}{7x \log(2x) - e^{2x} + \cos x}$$

vale

Risp.: **A** : $1/7$ **B** : 0 **C** : $-\infty$ **D** : 7

4. Sia
- $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
- data da

$$f(x) = \begin{cases} x \cos \frac{2\pi^2}{x} + (x - 2\pi) \cos \frac{2\pi^2}{x - 2\pi} & \text{se } x \neq 0, 2\pi \\ 2\pi & \text{se } x = 0 \text{ o } x = 2\pi. \end{cases}$$

Allora

Risp.: **A** : f è continua su $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ ed ammette in $x = 0$ una discontinuità eliminabile **B** : f è continua in \mathbb{R} **C** : f è continua su $\mathbb{R} \setminus \{2\pi\}$ ed ammette in $x = 2\pi$ una discontinuità eliminabile **D** : f ammette discontinuità eliminabili in $x = 0$ e $x = 2\pi$

5. Sia
- $\beta \in \mathbb{R}$
- . Allora l'integrale improprio

$$\int_0^{+\infty} \frac{(e^x - 1)^{7\beta}}{(6+x) \log^{3/2}(1+x) \cosh x} dx$$

converge se e solo se

Risp.: **A** : $\beta > 1/14$ **B** : per ogni β **C** : $\beta < 1/7$ **D** : $1/14 < \beta \leq 1/7$

6. Sia $F :]-1, +\infty[\rightarrow \mathbb{R}$ la primitiva di

$$f(x) = x \log(x+1)$$

che vale $-\frac{1}{4}$ per $x = 0$. Allora $F(1)$ vale

Risp.: A : $3 \log 2$ B : 3 C : 0 D : $\log 2$

7. Sia \tilde{y} la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + \frac{y}{x^2+1} = e^{3x-\arctan x} \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

Allora $\tilde{y}(1)$ vale

Risp.: A : $\frac{e^3-1}{3}e^{-\pi/4}$ B : $\frac{e^3-1}{3}$ C : $\frac{e^3-1}{3}e^{\pi/4}$ D : $e^{\pi/4}$

8. Sia data la funzione

$$f(x) = 2 \log |e^x - 1| + \frac{1}{(e^x - 1)^2} + 1$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

- (a) $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ V F
 - (b) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ V F
 - (c) $y = 2x$ è asintoto obliquo per $x \rightarrow +\infty$ V F
 - (d) f è decrescente su $]0, \log 2[$ V F
 - (e) $x = \log 2$ è punto di massimo locale V F
 - (f) $f^{-1}(]-\infty, 3])$ è unione di due intervalli V F
-

9. Disegnare il grafico approssimativo della funzione dell'esercizio 8 nell'apposito spazio sul foglio precedente.