

Cognome e nome ..... Firma .....

Matricola ..... Corso di Laurea .....

## Prima prova di Analisi Matematica I

Ingegneria Civile e Ambientale, Ingegneria Meccanica e dei Materiali (Cognomi M-Z)

**Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti**

**PUNTEGGI: Esercizi 1-5:** risposta esatta = +5; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.

**Esercizio 6:** risposta esatta = +1; risposta sbagliata = -0.25; risposta non data = 0.

1. I numeri complessi  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^5 - 7^3 \left( \left| \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right| - i e^{3\pi i} \right) z^2 = 0$$

sono dati da

$$\text{Ris.}: \boxed{\text{A}} : \{0, 7e^{i\frac{\pi}{11}}, 7e^{i\frac{3}{4}\pi}, 7e^{i\frac{17}{11}\pi}\} \quad \boxed{\text{B}} : \{0, 7\sqrt[6]{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, 7\sqrt[6]{2}e^{i\frac{3}{4}\pi}, 7\sqrt[6]{2}e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \quad \boxed{\text{C}} : \{0, e^{i\frac{\pi}{12}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \\ \boxed{\text{D}} : \{0, e^{i\frac{\pi}{11}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{11}\pi}\}$$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ e^3 - \left( 1 + \frac{3}{n} \right)^n \right] \frac{n^2 + \cos(n!)}{n + \ln(n+1)}$$

vale

$$\text{Ris.}: \boxed{\text{A}} : \frac{9}{2}e^3 \quad \boxed{\text{B}} : e^3 \quad \boxed{\text{C}} : \frac{9}{4}e^3 \quad \boxed{\text{D}} : \frac{9}{8}$$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{3}{2} [\ln(1+x) - \ln(1-x) - 2x]}{x^\alpha (\sin(7x) - x^2)^7}$$

vale

$$\text{Ris.}: \boxed{\text{A}} : +\infty \text{ se } \alpha < -4, \frac{1}{7^7} \text{ se } \alpha \geq -4 \quad \boxed{\text{B}} : 0 \text{ se } \alpha > -4, 7^7 \text{ se } \alpha = -4, +\infty \text{ se } \alpha < -4 \\ \boxed{\text{C}} : +\infty \text{ se } \alpha < -4, 0 \text{ se } \alpha \geq -4 \quad \boxed{\text{D}} : 0 \text{ se } \alpha < -4, \frac{1}{7^7} \text{ se } \alpha = -4, +\infty \text{ se } \alpha > -4$$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . L'integrale improprio

$$\int_0^7 \frac{e^{\sqrt{x}} - 1}{x^{\alpha+2} [3 + \sinh \sqrt{x}]} dx$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha < -1$     B :  $\alpha \geq 1$     C :  $\alpha < -\frac{1}{2}$     D :  $\alpha > \frac{3}{2}$

---

5. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = [y^2 + 4]e^x \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

è data da

Risp.:  A :  $y(x) = 2 \arctan[2(e^x - 1)]$     B :  $y(x) = \tan[2(e^x - 1)]$     C :  $y(x) = \arctan[2(e^x - 1)]$   
 D :  $y(x) = 2 \tan[2(e^x - 1)]$

---

6. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{\sqrt[3]{x-2}} + \ln|x-2|$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

- (a)  $\text{dom}(f) = ]2, +\infty[$     V    F  
(b)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$     V    F  
(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$     V    F  
(d)  $f'(4) = \frac{-1+2^{\frac{1}{3}}}{2^{\frac{4}{3}}}$     V    F  
(e)  $f$  è decrescente per  $x \geq 3$     V    F
-

Cognome e nome ..... Firma .....

Matricola ..... Corso di Laurea .....

## Prima prova di Analisi Matematica I

Ingegneria Civile e Ambientale, Ingegneria Meccanica e dei Materiali (Cognomi M-Z)

**Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti**

**PUNTEGGI: Esercizi 1-5:** risposta esatta = +5; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.

**Esercizio 6:** risposta esatta = +1; risposta sbagliata = -0.25; risposta non data = 0.

1. I numeri complessi  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^6 - 6^3 \left( \left| \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right| - i e^{5\pi i} \right) z^3 = 0$$

sono dati da

*Risp.:* **A** :  $\{0, 6\sqrt[6]{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, 6\sqrt[6]{2}e^{i\frac{3}{4}\pi}, 6\sqrt[6]{2}e^{i\frac{17}{12}\pi}\}$  **B** :  $\{0, 6e^{i\frac{\pi}{11}}, 6e^{i\frac{3}{4}\pi}, 6e^{i\frac{17}{11}\pi}\}$  **C** :  $\{0, e^{i\frac{\pi}{12}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{12}\pi}\}$   
**D** :  $\{0, e^{i\frac{\pi}{11}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{11}\pi}\}$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ e^5 - \left( 1 + \frac{5}{n} \right)^n \right] \frac{n^2 + \cos(n!)}{n + \ln(n+1)}$$

vale

*Risp.:* **A** :  $\frac{25}{8}$  **B** :  $\frac{25}{2}e^5$  **C** :  $e^5$  **D** :  $\frac{25}{4}e^5$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{3}{2} [\ln(1+x) - \ln(1-x) - 2x]}{x^\alpha (\sin(6x) - x^2)^6}$$

vale

*Risp.:* **A** : 0 se  $\alpha < -3$ ,  $\frac{1}{6^6}$  se  $\alpha = -3$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > -3$  **B** :  $+\infty$  se  $\alpha < -3$ ,  $\frac{1}{6^6}$  se  $\alpha \geq -3$   
**C** : 0 se  $\alpha > -3$ ,  $6^6$  se  $\alpha = -3$ ,  $+\infty$  se  $\alpha < -3$  **D** :  $+\infty$  se  $\alpha < -3$ , 0 se  $\alpha \geq -3$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . L'integrale improprio

$$\int_0^6 \frac{e^{\sqrt{x}} - 1}{x^{\alpha+3} [4 + \sinh \sqrt{x}]} dx$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha \geq 3$     B :  $\alpha < -\frac{3}{2}$     C :  $\alpha < -2$     D :  $\alpha > \frac{5}{2}$

---

5. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = [y^2 + 9]e^x \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

è data da

Risp.:  A :  $y(x) = 3 \arctan[3(e^x - 1)]$     B :  $y(x) = \tan[3(e^x - 1)]$     C :  $y(x) = 3 \tan[3(e^x - 1)]$   
 D :  $y(x) = \arctan[3(e^x - 1)]$

---

6. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{\sqrt[3]{x-3}} + \ln|x-3|$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

(a)  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{3\}$     V    F

(b)  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = +\infty$     V    F

(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$     V    F

(d)  $f'(5) = \frac{-1+2^{\frac{1}{3}}}{2^{\frac{4}{3}}}$     V    F

(e)  $f$  è crescente per  $x \geq 4$     V    F

---

Cognome e nome ..... Firma .....

Matricola ..... Corso di Laurea .....

## Prima prova di Analisi Matematica I

Ingegneria Civile e Ambientale, Ingegneria Meccanica e dei Materiali (Cognomi M-Z)

**Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti**

**PUNTEGGI: Esercizi 1-5:** risposta esatta = +5; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.

**Esercizio 6:** risposta esatta = +1; risposta sbagliata = -0.25; risposta non data = 0.

1. I numeri complessi  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^7 - 5^3 \left( \left| \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right| - i e^{7\pi i} \right) z^4 = 0$$

sono dati da

$$\begin{aligned} \text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} &: \{0, 5e^{i\frac{\pi}{11}}, 5e^{i\frac{3}{4}\pi}, 5e^{i\frac{17}{11}\pi}\} & \boxed{\text{B}} &: \{0, e^{i\frac{\pi}{12}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{12}\pi}\} & \boxed{\text{C}} &: \{0, e^{i\frac{\pi}{11}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{11}\pi}\} \\ \boxed{\text{D}} &: \{0, 5\sqrt[6]{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, 5\sqrt[6]{2}e^{i\frac{3}{4}\pi}, 5\sqrt[6]{2}e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \end{aligned}$$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ e^7 - \left( 1 + \frac{7}{n} \right)^n \right] \frac{n^2 + \cos(n!)}{n + \ln(n+1)}$$

vale

$$\text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} : e^7 \quad \boxed{\text{B}} : \frac{49}{4}e^7 \quad \boxed{\text{C}} : \frac{49}{2}e^7 \quad \boxed{\text{D}} : \frac{49}{8}$$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{3}{2} [\ln(1+x) - \ln(1-x) - 2x]}{x^\alpha (\sin(5x) - x^2)^5}$$

vale

$$\begin{aligned} \text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} &: 0 \text{ se } \alpha > -2, 5^5 \text{ se } \alpha = -2, +\infty \text{ se } \alpha < -2 & \boxed{\text{B}} &: +\infty \text{ se } \alpha < -2, 0 \text{ se } \alpha \geq -2 \\ \boxed{\text{C}} &: 0 \text{ se } \alpha < -2, \frac{1}{5^5} \text{ se } \alpha = -2, +\infty \text{ se } \alpha > -2 & \boxed{\text{D}} &: +\infty \text{ se } \alpha < -2, \frac{1}{5^5} \text{ se } \alpha \geq -2 \end{aligned}$$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . L'integrale improprio

$$\int_0^5 \frac{e^{\sqrt{x}} - 1}{x^{\alpha+4} [5 + \sinh \sqrt{x}]} dx$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha \geq 5$     B :  $\alpha > \frac{7}{2}$     C :  $\alpha < -\frac{5}{2}$     D :  $\alpha < -3$

---

5. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = [y^2 + 16]e^x \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

è data da

Risp.:  A :  $y(x) = 4 \tan[4(e^x - 1)]$     B :  $y(x) = 4 \arctan[4(e^x - 1)]$     C :  $y(x) = \tan[4(e^x - 1)]$   
 D :  $y(x) = \arctan[4(e^x - 1)]$

---

6. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{\sqrt[3]{x-4}} + \ln|x-4|$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

(a)  $\text{dom}(f) = ]4, +\infty[$     V    F

(b)  $\lim_{x \rightarrow 4^-} f(x) = +\infty$     V    F

(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$     V    F

(d)  $f'(6) = \frac{1}{2^{\frac{4}{3}}}$     V    F

(e)  $f$  è crescente per  $x \geq 5$     V    F

---

Cognome e nome ..... Firma .....

Matricola ..... Corso di Laurea .....

## Prima prova di Analisi Matematica I

Ingegneria Civile e Ambientale, Ingegneria Meccanica e dei Materiali (Cognomi M-Z)

**Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti**

**PUNTEGGI: Esercizi 1-5:** risposta esatta = +5; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.

**Esercizio 6:** risposta esatta = +1; risposta sbagliata = -0.25; risposta non data = 0.

1. I numeri complessi  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^8 - 4^3 \left( \left| \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right| - i e^{9\pi i} \right) z^5 = 0$$

sono dati da

$$\begin{aligned} \text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} : \{0, e^{i\frac{\pi}{12}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \quad \boxed{\text{B}} : \{0, e^{i\frac{\pi}{11}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{11}\pi}\} \quad \boxed{\text{C}} : \{0, 4\sqrt[6]{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, 4\sqrt[6]{2}e^{i\frac{3}{4}\pi}, 4\sqrt[6]{2}e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \\ \boxed{\text{D}} : \{0, 4e^{i\frac{\pi}{11}}, 4e^{i\frac{3}{4}\pi}, 4e^{i\frac{17}{11}\pi}\} \end{aligned}$$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ e^9 - \left( 1 + \frac{9}{n} \right)^n \right] \frac{n^2 + \cos(n!)}{n + \ln(n+1)}$$

vale

$$\text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} : \frac{81}{2}e^9 \quad \boxed{\text{B}} : e^9 \quad \boxed{\text{C}} : \frac{81}{4}e^9 \quad \boxed{\text{D}} : \frac{81}{8}$$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{3}{2} [\ln(1+x) - \ln(1-x) - 2x]}{x^\alpha (\sin(4x) - x^2)^4}$$

vale

$$\begin{aligned} \text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} : +\infty \text{ se } \alpha < -1, \frac{1}{4^4} \text{ se } \alpha \geq -1 \quad \boxed{\text{B}} : 0 \text{ se } \alpha > -1, 4^4 \text{ se } \alpha = -1, +\infty \text{ se } \alpha < -1 \\ \boxed{\text{C}} : +\infty \text{ se } \alpha < -1, 0 \text{ se } \alpha \geq -1 \quad \boxed{\text{D}} : 0 \text{ se } \alpha < -1, \frac{1}{4^4} \text{ se } \alpha = -1, +\infty \text{ se } \alpha > -1 \end{aligned}$$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . L'integrale improprio

$$\int_0^4 \frac{e^{\sqrt{x}} - 1}{x^{\alpha+5} [6 + \sinh \sqrt{x}]} dx$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha < -4$     B :  $\alpha \geq 7$     C :  $\alpha < -\frac{7}{2}$     D :  $\alpha > \frac{9}{2}$

---

5. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = [y^2 + 25]e^x \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

è data da

Risp.:  A :  $y(x) = 5 \arctan[5(e^x - 1)]$     B :  $y(x) = \tan[5(e^x - 1)]$     C :  $y(x) = 5 \tan[5(e^x - 1)]$   
 D :  $y(x) = \arctan[5(e^x - 1)]$

---

6. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{\sqrt[3]{x-5}} + \ln|x-5|$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

(a)  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{5\}$     V    F

(b)  $\lim_{x \rightarrow 5^-} f(x) = +\infty$     V    F

(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$     V    F

(d)  $f'(7) = \frac{-1+2^{\frac{1}{3}}}{2^{\frac{4}{3}}}$     V    F

(e)  $f$  è crescente per  $x \geq 6$     V    F

---



Cognome e nome ..... Firma .....

Matricola ..... Corso di Laurea .....

## Prima prova di Analisi Matematica I

Ingegneria Civile e Ambientale, Ingegneria Meccanica e dei Materiali (Cognomi M-Z)

**Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti**

**PUNTEGGI: Esercizi 1-5:** risposta esatta = +5; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.

**Esercizio 6:** risposta esatta = +1; risposta sbagliata = -0.25; risposta non data = 0.

1. I numeri complessi  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^9 - 3^3 \left( \left| \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right| - i e^{11\pi i} \right) z^6 = 0$$

sono dati da

$$\begin{aligned} \text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} &: \{0, 3e^{i\frac{\pi}{11}}, 3e^{i\frac{3}{4}\pi}, 3e^{i\frac{17}{11}\pi}\} & \boxed{\text{B}} &: \{0, e^{i\frac{\pi}{12}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{12}\pi}\} & \boxed{\text{C}} &: \{0, e^{i\frac{\pi}{11}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{11}\pi}\} \\ \boxed{\text{D}} &: \{0, 3\sqrt[6]{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, 3\sqrt[6]{2}e^{i\frac{3}{4}\pi}, 3\sqrt[6]{2}e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \end{aligned}$$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ e^{11} - \left( 1 + \frac{11}{n} \right)^n \right] \frac{n^2 + \cos(n!)}{n + \ln(n+1)}$$

vale

$$\text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} : e^{11} \quad \boxed{\text{B}} : \frac{121}{4}e^{11} \quad \boxed{\text{C}} : \frac{121}{8} \quad \boxed{\text{D}} : \frac{121}{2}e^{11}$$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{3}{2} [\ln(1+x) - \ln(1-x) - 2x]}{x^\alpha (\sin(3x) - x^2)^3}$$

vale

$$\begin{aligned} \text{Ris.}: \quad \boxed{\text{A}} &: +\infty \text{ se } \alpha < 0, \frac{1}{3^3} \text{ se } \alpha \geq 0 & \boxed{\text{B}} &: 0 \text{ se } \alpha < 0, \frac{1}{3^3} \text{ se } \alpha = 0, +\infty \text{ se } \alpha > 0 & \boxed{\text{C}} &: 0 \text{ se } \\ & \alpha > 0, 3^3 \text{ se } \alpha = 0, +\infty \text{ se } \alpha < 0 & \boxed{\text{D}} &: +\infty \text{ se } \alpha < 0, 0 \text{ se } \alpha \geq 0 \end{aligned}$$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . L'integrale improprio

$$\int_0^3 \frac{e^{\sqrt{x}} - 1}{x^{\alpha+6} [7 + \sinh \sqrt{x}]} dx$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha < -5$     B :  $\alpha < -\frac{9}{2}$     C :  $\alpha \geq 9$     D :  $\alpha > \frac{11}{2}$

---

5. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = [y^2 + 36]e^x \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

è data da

Risp.:  A :  $y(x) = 6 \tan[6(e^x - 1)]$     B :  $y(x) = 6 \arctan[6(e^x - 1)]$     C :  $y(x) = \tan[6(e^x - 1)]$   
 D :  $y(x) = \arctan[6(e^x - 1)]$

---

6. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{\sqrt[3]{x-6}} + \ln|x-6|$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

(a)  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{6\}$     V    F

(b)  $\lim_{x \rightarrow 6^-} f(x) = -\infty$     V    F

(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$     V    F

(d)  $f'(8) = \frac{1}{2^{\frac{4}{3}}}$     V    F

(e)  $f$  è crescente per  $x \geq 7$     V    F

---

Cognome e nome ..... Firma .....

Matricola ..... Corso di Laurea .....

## Prima prova di Analisi Matematica I

Ingegneria Civile e Ambientale, Ingegneria Meccanica e dei Materiali (Cognomi M-Z)

**Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti**

**PUNTEGGI: Esercizi 1-5:** risposta esatta = +5; risposta sbagliata = -0.5; risposta non data = 0.

**Esercizio 6:** risposta esatta = +1; risposta sbagliata = -0.25; risposta non data = 0.

1. I numeri complessi  $z \in \mathbb{C}$  tali che

$$z^{10} - 2^3 \left( \left| \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right| - i e^{13\pi i} \right) z^7 = 0$$

sono dati da

$$\text{Ris.}: \boxed{\text{A}} : \{0, 2e^{i\frac{\pi}{11}}, 2e^{i\frac{3}{4}\pi}, 2e^{i\frac{17}{11}\pi}\} \quad \boxed{\text{B}} : \{0, 2\sqrt[6]{2}e^{i\frac{\pi}{12}}, 2\sqrt[6]{2}e^{i\frac{3}{4}\pi}, 2\sqrt[6]{2}e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \quad \boxed{\text{C}} : \{0, e^{i\frac{\pi}{12}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{12}\pi}\} \\ \boxed{\text{D}} : \{0, e^{i\frac{\pi}{11}}, e^{i\frac{3}{4}\pi}, e^{i\frac{17}{11}\pi}\}$$

2. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[ e^{13} - \left( 1 + \frac{13}{n} \right)^n \right] \frac{n^2 + \cos(n!)}{n + \ln(n+1)}$$

vale

$$\text{Ris.}: \boxed{\text{A}} : \frac{169}{8} \quad \boxed{\text{B}} : \frac{169}{2}e^{13} \quad \boxed{\text{C}} : e^{13} \quad \boxed{\text{D}} : \frac{169}{4}e^{13}$$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{3}{2} [\ln(1+x) - \ln(1-x) - 2x]}{x^\alpha (\sin(2x) - x^2)^2}$$

vale

$$\text{Ris.}: \boxed{\text{A}} : +\infty \text{ se } \alpha < 1, \frac{1}{4} \text{ se } \alpha \geq 1 \quad \boxed{\text{B}} : 0 \text{ se } \alpha > 1, 4 \text{ se } \alpha = 1, +\infty \text{ se } \alpha < 1 \quad \boxed{\text{C}} : 0 \text{ se } \\ \alpha < 1, \frac{1}{4} \text{ se } \alpha = 1, +\infty \text{ se } \alpha > 1 \quad \boxed{\text{D}} : +\infty \text{ se } \alpha < 1, 0 \text{ se } \alpha \geq 1$$

4. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . L'integrale improprio

$$\int_0^2 \frac{e^{\sqrt{x}} - 1}{x^{\alpha+7} [8 + \sinh \sqrt{x}]} dx$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha < -\frac{11}{2}$     B :  $\alpha < -6$     C :  $\alpha \geq 11$     D :  $\alpha > \frac{13}{2}$

---

5. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' = [y^2 + 49]e^x \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

è data da

Risp.:  A :  $y(x) = \arctan[7(e^x - 1)]$     B :  $y(x) = 7 \arctan[7(e^x - 1)]$     C :  $y(x) = \tan[7(e^x - 1)]$   
 D :  $y(x) = 7 \tan[7(e^x - 1)]$

---

6. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{\sqrt[3]{x-7}} + \ln|x-7|$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

- (a)  $\text{dom}(f) = ]7, +\infty[$     V    F  
(b)  $\lim_{x \rightarrow 7^-} f(x) = -\infty$     V    F  
(c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$     V    F  
(d)  $f'(9) = \frac{-1+2^{\frac{1}{3}}}{2^{\frac{4}{3}}}$     V    F  
(e)  $f$  è decrescente per  $x \geq 8$     V    F
-