

1. Sia dato l'insieme

$$A = \left\{ \frac{2}{3} \arctan \left[[\cos((n+1)\pi) - 1] \frac{4n}{8n+3} + [1 + (-1)^{n+1}](10n - n^2) \right] : n \in \mathbb{N} \right\}.$$

Allora

Risp.: A : $\inf A = -\frac{\pi}{3}, \max A = \frac{2 \arctan(50)}{3}$ B : $\inf A = -\frac{\pi}{6}, \max A = 0$ C : $\inf A = -\frac{\pi}{3}, \sup A = \frac{\pi}{3}$ D : $\inf A = -\frac{\pi}{3}, \max A = 0$

2. Il luogo dei punti $z \in \mathbb{C}$ tali che il numero complesso

$$(1-i)^{40} \ln [|e^{3\pi i}| + 49 - z\bar{z}] + \frac{1}{i} \left[\sqrt{\left(\frac{z + \bar{z}}{2ie^{-\frac{3}{2}\pi i}} \right)^2 + (1 - e^{-4\pi i})^{10} - \operatorname{Im}(z)} \right]$$

è reale non negativo è dato da

Risp.: A : l'unione di una retta e una circonferenza B : l'unione di due semirette C : un segmento D : l'unione di due segmenti

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(2 - \cos[(1 - e^{3x}) \tan x]) + e^{-\frac{3}{x^2}}}{(1+x)^{\frac{7}{\arctan x}} [\sqrt{x^4 + 3x^6 + 7x^8 - x^2}]}$$

vale

Risp.: A : $\frac{3}{e^7}$ B : 3 C : $3e^{-3}$ D : $\frac{1}{e^7}$

4. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{[(n+2)!]^{2n} \left[(7n!)^{\frac{1}{(n+1)!}} - 1 \right]}{n^{2n} [((n+1)!)^{2n-1} + n^3 + 2e^{-n}] \ln[(n!)^2]}$$

vale

Risp.: A : 1 B : $\frac{1}{3}e^4$ C : $\frac{1}{2}e^4$ D : $\frac{1}{2}$

5. Siano $\alpha \in \mathbb{R}$ e $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x) = \begin{cases} \ln(e^{2x} + 1) + \frac{\alpha(\arctan x - \sqrt{x})}{x + \sqrt{x}} & \text{se } x > 0 \\ \left| \frac{3x+2}{x-3} \right| & \text{se } x \leq 0 \end{cases}$$

Stabilire se le seguenti affermazioni sono vere o false.

- (a) f è continua in $x = 0$ se e solo se $\alpha = \ln 2 - \frac{2}{3}$ V F
- (b) $y = 3x$ è asintoto obliquo per $x \rightarrow +\infty$. V F
- (c) $f(]-\infty, 0]) = [0, 3[$ V F