

1. Sia  $\alpha > 0$ . Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin(7x^2) - \cos x + 7\alpha}{(\sin x)^{7\alpha+1}}$$

esiste finito se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha = \frac{1}{7}$     B :  $\alpha = 7$     C :  $\alpha = 0$     D :  $\alpha = 3$

2. Sia  $\alpha \in \mathbb{R}$ . La serie

$$\sum_{n=0}^{+\infty} (n!)^{3\alpha} \sinh\left(\frac{e^n}{(2n+1)!}\right)$$

converge se e solo se

Risp.:  A :  $\alpha < \frac{2}{3}$     B :  $\alpha \geq \frac{2}{3}$     C :  $\alpha > \frac{2}{3}$     D :  $\alpha \leq \frac{2}{3}$

3. L'integrale

$$\int_0^1 \frac{6x+9}{x^2+2x+2} dx$$

vale

Risp.:  A :  $3 \ln \frac{5}{2} + 3 \arctan 2 - \frac{3}{4}\pi$     B :  $3 \ln \frac{5}{2} - \frac{3}{4}\pi$     C :  $3 \ln \frac{5}{2} + 3 \arctan 2$     D :  $3 \arctan 2 - \frac{3}{4}\pi$

4. Sia  $\tilde{y}$  la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y' + 5 \frac{2 \cos^2 x - 1}{\sin(2x)} y = 0 \\ y(\pi/12) = 3\sqrt{2} \end{cases}$$

Allora  $\tilde{y}(\pi/4)$  vale

Risp.:  A :  $9\sqrt{2}$     B : 3    C :  $\frac{3}{4}$     D :  $-9\sqrt{2}$

5. Sia data la funzione

$$f(x) = \frac{3}{2} \sqrt[3]{\arctan^2(x-1)} - \sqrt[3]{\frac{4}{\pi}} |\arctan(x-1)|.$$

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false:

- (a)  $x = 1$  è punto di cuspidè.    V    F
- (b)  $x = 2$  è punto di massimo.    V    F
- (c)  $f$  non ammette punti di minimo relativo.    V    F

6. Disegnare il grafico approssimativo della funzione dell'esercizio 5 nell'apposito spazio sul foglio precedente.